

نام دبیر:
پیمان فضلی



دبیرستان غیر دولتی ملت

نمره به عدد:

پایه : دوازدهم

درس : ریاضی و آمار ۳

آموزش و پرورش
منطقه ۳ تهران

نمره به حروف:

مدت آزمون :
۹۰ دقیقه

تاریخ آزمون :
۱۴۰۳/۱۵/۰۸

سوالات آزمون :
نوبت اول

شامل : ۱۴ سوال در
۶ صفحه

شماره صندلی:

کلاس:
۳۰۴

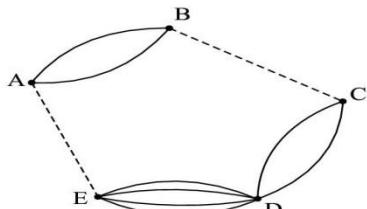
نام خانوادگی:

نام:

نمره

ردیف

تعداد راهها یا جاده‌ها از شهر A به C و از شهر E به شهر B را طوری تعریف کنید که با توجه به شکل زیر بتوان به ۲۰ طریق از شهر A به شهر D سفر کرد. (همه حالت‌های ممکن را بنویسید).



۱

یک کارخانه خودروسازی خودروهایی در ۷ رنگ، با ۲ حجم موتور، ۳ نوع مختلف جلو داشبورد تولید می‌کند. یک خریدار برای خرید یک خودرو از این کارخانه چند انتخاب دارد؟

۲

می‌خواهیم از بین ۱۰ دانش‌آموز کلاس دهم، ۱۱ دانش‌آموز کلاس یازدهم و ۱۲ دانش‌آموز کلاس دوازدهم یک دانش‌آموز انتخاب کنیم.
به چند طریق می‌توانیم این دانش‌آموز را انتخاب کنیم؟

۳

روی محیط یک دایره ۱۲ نقطه وجود دارد. مشخص کنید:
(الف) با این دوازده نقطه، چه تعداد مثلث می‌توان تشکیل داد؟
(ب) چه تعداد وتر می‌توان تشکیل داد؟

۴

نمره		ردیف
	<p>خانواده‌ای دارای ۴ فرزند است.</p> <p>الف) فضای نمونه مناسب برای ترکیب جنسیت فرزندان این خانواده چند عضو دارد؟</p> <p>ب) پیشامد A را مشخص کنید، طوری که در آن دو فرزند سوم و چهارم دختر باشند.</p> <p>پ) پیشامد C که در آن تعداد فرزندان دختر بیشتر از تعداد فرزندان پسر باشد.</p> <p>ت) آیا پیشامدهای A و C ناساز گارند؟</p>	۵
	<p>خانواده‌ای دارای ۳ فرزند است.</p> <p>الف) فضای نمونه مناسب برای ترکیب جنسیت فرزندان خانواده چیست؟</p> <p>ب) پیشامد A که در آن هر سه فرزند از یک جنس باشند.</p> <p>پ) پیشامد B که در آن فقط یک فرزند دختر باشد.</p> <p>ت) پیشامد C که در آن حداقل ۲ فرزند پسر باشند.</p> <p>ث) پیشامد D که در آن حداکثر یک فرزند پسر باشد.</p>	۶
	<p>هریک از اعداد فرد طبیعی کوچک‌تر از $2^0 = 1$ را روی یک کارت می‌نویسیم و پس از مخلوط کردن کارت‌ها به‌طور تصادفی یک کارت را بر می‌داریم؛ مطلوب است تعیین:</p> <p>الف) فضای نمونه این آزمایش تصادفی</p> <p>ب) پیشامد A که در آن عدد روی کارت مضرب 3 باشد.</p> <p>پ) پیشامد B که در آن عدد روی کارت، مجذور کامل باشد.</p> <p>ت) پیشامدهای $A \cap B$ و $A - B$ را با اعضاء مشخص کنید.</p>	۷

نمره		ردیف
	<p>سکه‌ای را پرتاب می‌کنیم. اگر رو ظاهر شد، آن‌گاه تاس را می‌ریزیم. در غیر این صورت، یک بار دیگر سکه را می‌اندازیم.</p> <p>الف) فضای نمونه این آزمایش تصادفی را مشخص کنید.</p> <p>ب) پیشامد A که در آن عدد ظاهر شده روی تاس زوج باشد یا سکه پشت بیاید را با اعضا مشخص کنید.</p>	۸
	<p>در یک پارک جنگلی حفاظت شده، ۲۰ قوچ وحشی البرز مرکزی وجود دارد؛ ۵ تا از آن‌ها را می‌گیرند و پس از نشان‌دار کردن، رهایشان می‌کنند. بعد از مدتی محیط‌بانان به‌طور تصادفی ۷ تا از آن‌ها را می‌گیرند و می‌خواهند تعداد قوچ‌های نشان‌دار را بشمارند. مطلوب است محاسبه احتمال اینکه حداقل ۲ قوچ نشانه‌دار باشند.</p>	۹
	<p>انجمن اولیا و مربیان یک دبیرستان ۱۰ نفر عضو دارد. به یک برنامه خاص، ۵ نفر رأی موافق، ۳ نفر رأی مخالف و ۲ نفر رأی ممتنع داده‌اند. از بین آن‌ها به‌طور تصادفی ۳ نفر انتخاب می‌کنیم. مطلوب است محاسبه احتمال اینکه:</p> <p>الف) حداقل ۲ نفر از افراد انتخابی موافق برنامه باشند.</p> <p>ب) نظر هیچ دو نفری از آن‌ها مانند هم نباشد.</p>	۱۰

- از جعبه‌ای که شامل ۱۲ سیب سالم و ۵ سیب لکه‌دار است، ۳ سیب را به طور تصادفی بر می‌داریم. مطلوب است محاسبه احتمال اینکه:
- (الف) هر سه سیب سالم باشند.
 - (ب) دو سیب سالم و یک سیب لکه‌دار باشد.
 - (پ) تعداد سیب‌های سالم از تعداد سیب‌های لکه‌دار بیشتر باشد.

۱۱

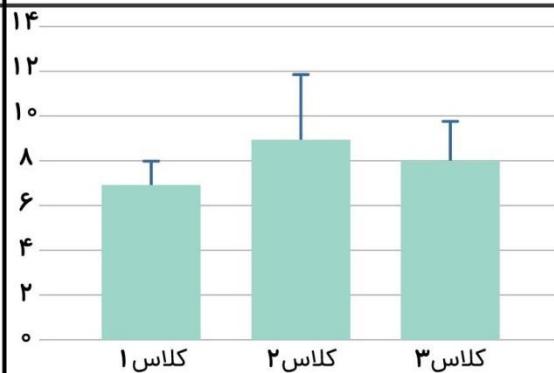
- با توجه به تأثیر شیوه‌های مختلف حمل و نقل بر محیط‌زیست، می‌خواهیم در یک کلاس ۲۸ نفره با انتخاب تصادفی ۹ نفر از دانش‌آموزان، از آنها پرسیم در هفتة گذشته، بیشتر به کدام یک از شیوه‌های زیر به مدرسه آمدند؟
- ۱- پیاده یا با دوچرخه
 - ۲- با وسایل حمل و نقل عمومی
 - ۳- با سرویس مدرسه یا خودروی شخصی

۱۲

(الف) در این مطالعه، جامعه آماری، نمونه آماری، اندازه جامعه و اندازه نمونه را مشخص کنید.

(ب) داده‌های این مطالعه را با چه روشی می‌توان گردآوری کرد؟ چه مشکلاتی ممکن است در گردآوری این داده‌ها رخ دهد؟

ردیف	نمره														
	<p>پ) متغیر تصادفی مورد بررسی این مطالعه چیست؟ نوع متغیر (کمی / کیفی) و مقیاس اندازه‌گیری (فاصله‌ای / نسبتی - اسمی / ترتیبی) آن را مشخص کنید.</p>														
	<p>ت) چه نمودارها و آماره‌هایی برای گزارش نتایج این مطالعه مناسب‌اند؟</p>														
	<p>ث) آیا می‌توانیم این نتایج را به شیوه‌رفت و آمد دانش‌آموزان این کلاس در کل سال تحصیلی تعیین دهیم (مثلاً به فصل‌های مختلف یا زمان برگزاری آزمون‌های پایان نیم‌سال)? توضیح دهید.</p>														
	<p>ج) اگر ۹ نفر دیگر از این کلاس را به طور تصادفی انتخاب می‌کردیم، آیا دقیقاً همین نتایج حاصل می‌شد یا امکان داشت حداقل نتایج کمی تغییر کند؟ توضیح دهید.</p>														
۱۳	<p>در یک نظرسنجی، از ۱۵ دانش‌آموز علوم انسانی پایه یازدهم یک مدرسه پرسیده‌ایم که به نظر آنها چند ساعت آموزشی در ماه برای برگزاری جلسات نقد کتاب با فیلم مناسب است. داده‌های گردآوری شده به این شرح است:</p> <table style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>۱۲</td><td>۱۴</td><td>۲۰</td><td>۲۲</td><td>۱۸</td><td>۲۰</td><td>۰</td><td>۴</td><td>۶</td><td>۱۳</td><td>۱۰</td><td>۱۲</td><td>۱۰</td><td>۱۶</td> </tr> </table>	۱۲	۱۴	۲۰	۲۲	۱۸	۲۰	۰	۴	۶	۱۳	۱۰	۱۲	۱۰	۱۶
۱۲	۱۴	۲۰	۲۲	۱۸	۲۰	۰	۴	۶	۱۳	۱۰	۱۲	۱۰	۱۶		
	<p>الف) این داده‌ها را طوی تغییر دهید که میانگین و انحراف معیار بیشتر شود اما میانه و چارک اول و چارک سوم تغییر نکند.</p>														
	<p>ب) فرض کنید می‌خواهیم دو نفر دیگر به این نمونه اضافه کنیم. داده‌های این دو نفر را طوری انتخاب کنید که میانگین و میانه تغییر نکند.</p>														
۱۴	<p>با توجه به تأثیر کمیت و کیفیت خواب بر یادگیری، ندا و آوا در مطالعه‌ای با بررسی تمامی دانش‌آموزان سه کلاس پایه دهم، میانگین میزان خواب این دانش‌آموزان را در هفتة گذشته بر حسب ساعت پرسیدند و ثبت کردند. آنها پس از گردآوری داده‌ها و بررسی درستی آن را به صورت نمودارهای زیر نمایش دادند. (در این نمودارها بلندی مستطیل، نشان‌دهنده میانگین و میله خطای نشان‌دهنده انحراف معیار است.)</p>														



الف چه عواملی ممکن است هنگام گرددآوری داده‌ها نتایج را از واقعیت دور کند؟ (هنگامی که از دانش‌آموزان راجع به میانگین ساعت خوابشان در هفته گذشته می‌پرسیم آیا آنها می‌توانند به درستی به یاد آورند که هر شب چند ساعت خوابیده‌اند تا بتوانند میانگین را به درستی اعلام کنند؟ برای حل این مشکل چه راهکاری پیشنهاد می‌کنید؟)

ب نوع (کتی / کیفی) و مقیاس اندازه‌گیری (فاصله‌ای / نسبی - اسمی / ترتیبی) متغیر مورد بررسی در این مطالعه را مشخص کنید.

پ با استفاده از اطلاعات نمودارها، نتایج را به صورت تقریبی در جدول زیر بنویسید.

	کلاس ۱	کلاس ۲	کلاس ۳
میانگین			
انحراف معیار			

ت چه کسانی می‌توانند در اجرای بهتر این مطالعه به ما کمک کنند؟ چگونه؟